SAT, CSAT Y 3SAT



Emilio Letón Dpto. Inteligencia Artificial, UNED

E. Letón

SAT

Dada una expresión boolena, ¿es sat.? Expresión booleana: var. booleanas con operaciones booleanas.

$$x \wedge \overline{\left(y \vee z\right)}$$

SAT, CSAT y 3SAT

- Var. booleanas: TRUE (), FALSE ().

- Ope. booleanas: AND (), OR (), NOT ().

- Literal: var. booleana o su negación.

- Cláusula: O lógico de literales.

E. Letón

CSAT

Dada una exp. boolena en FNC, ¿es sat.? FNC: Y lógico de cláusulas.

$$(x \vee y \vee z) \wedge (z \vee y) \wedge w$$

3SAT

Dada una exp. boolena en FNC3, ¿es sat.? FNC3: Y lógico de claúsulas con exactamente tres literales.

$$(x \vee y \vee z) \wedge (z \vee v \vee w)$$

E. Letón

Intratabilidad (2/4)

$$\begin{array}{c} \mathsf{SAT} \in \mathsf{NPC} \\ \Rightarrow \mathsf{CSAT} \in \mathsf{NPC} \\ \mathsf{SAT} \quad \mathsf{CSAT} \in \mathsf{NP} \end{array}$$

Intratabilidad (1/4)

$$\begin{array}{c} \mathsf{SAT} \in \mathsf{NP} \\ \mathsf{A} \in \mathsf{NP, A} \quad \mathsf{SAT} \end{array} \Rightarrow \mathsf{SAT} \in \mathsf{NPC}$$

E. Letón

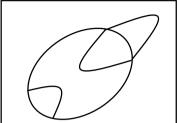
Intratabilidad (3/4)

$$\begin{array}{c} \mathsf{CSAT} \in \mathsf{NPC} \\ \Rightarrow \mathsf{3SAT} \in \mathsf{NPC} \\ \mathsf{CSAT} \quad \mathsf{3SAT} \in \mathsf{NP} \end{array}$$

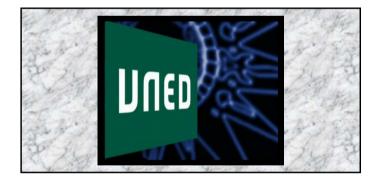
E. Letón

E. Letón

Intratabilidad (4/4)



E. Letón



Resumen: SAT, CSAT y 3SAT

E. Letón